

# NSVZ-СООТНОШЕНИЕ И NSVZ-СХЕМА В $\mathcal{N} = 1$ НЕАБЕЛЕВЫХ СУПЕРСИММЕТРИЧНЫХ КАЛИБРОВОЧНЫХ ТЕОРИЯХ

*К. В. Степаньянц* \*

Московский государственный университет им. М. В. Ломоносова, Москва

Кратко описывается пертурбативный вывод точной NSVZ  $\beta$ -функции для  $\mathcal{N} = 1$  суперсимметричных неабелевых калибровочных теорий в случае использования регуляризации высшими ковариантными производными. Демонстрируется, что при использовании этой регуляризации NSVZ-формула, записанная в виде соотношения между  $\beta$ -функцией и аномальными размерностями квантовых суперполей, удовлетворяется для ренормгрупповых функций, определенных в терминах голых констант связи, независимо от перенормировочного предписания. Для ренормгрупповых функций, определенных в терминах перенормированных констант связи, это означает, что одна из NSVZ-схем во всех петлях дается предписанием HD + MSL, когда теория регуляризуется высшими производными, а константы перенормировки содержат только степени  $\ln \Lambda/\mu$ . Все эти утверждения проверяются сравнением определенных слагаемых в трехпетлевой  $\beta$ -функции с соответствующими вкладами в аномальные размерности квантовых суперполей.

We briefly describe the perturbative derivation of the exact NSVZ  $\beta$ -function for  $\mathcal{N} = 1$  supersymmetric non-Abelian gauge theories in the case of using the higher covariant derivative regularization. It is demonstrated that with this regularization the NSVZ equation written in the form of a relation between the  $\beta$ -function and the anomalous dimensions of the quantum superfields is satisfied by the renormalization group functions defined in terms of the bare couplings independently of a renormalization prescription. For the renormalization group functions defined in terms of the renormalized couplings this implies that one of the NSVZ schemes in all loops is given by the HD + MSL prescription, when the theory is regularized by higher derivatives and the renormalization constants contain only powers of  $\ln \Lambda/\mu$ . All these statements are verified by comparing certain terms in the three-loop  $\beta$ -function with the corresponding contributions to anomalous dimensions of the quantum superfields.

PACS: 12.60.Jv

---

\*E-mail: [stepanyantz@mail.ru](mailto:stepanyantz@mail.ru)

## ВВЕДЕНИЕ

В  $\mathcal{N} = 1$  суперсимметричных калибровочных теориях  $\beta$ -функция во всех петлях связана с аномальной размерностью суперполей материи точной  $\beta$ -функцией Новикова, Шифмана, Вайнштейна и Захарова (NSVZ) [1–4]:

$$\beta(\alpha, \lambda) = -\frac{\alpha^2 \left( 3C_2 - T(R) + C(R)_i{}^j \gamma_j{}^i(\alpha, \lambda)/r \right)}{2\pi(1 - C_2\alpha/2\pi)}. \quad (1)$$

Здесь  $\alpha$  и  $\lambda$  — калибровочная и юкавская константы связи соответственно,  $\text{tr}(T^A T^B) \equiv T(R) \delta^{AB}$ ,  $(T^A)_i{}^k (T^A)_k{}^j \equiv C(R)_i{}^j$ ,  $C_2 = T(\text{Adj})$ , а  $r$  обозначает размерность простой калибровочной группы  $G$ . Это означает, что для  $\mathcal{N} = 1$  суперсимметричной теории Янга–Миллса (без суперполей материи)  $\beta$ -функция представляет собой геометрическую прогрессию.

Трех- и четырехпетлевые вычисления, сделанные для  $\mathcal{N} = 1$  суперсимметричных теорий в  $\overline{\text{DR}}$ -схеме (т. е. с помощью размерной редукции, дополненной модифицированными минимальными вычитаниями), выявили [5–9], что NSVZ-соотношение справедливо только для одно- и двухпетлевой  $\beta$ -функции, где схемная зависимость несущественна. Однако надлежащей конечной перенормировкой калибровочной константы связи формула NSVZ также может быть восстановлена в трех- и четырехпетлевом приближении. Это означает, что расхождение может быть объяснено схемной зависимостью NSVZ-соотношения, которое, следовательно, справедливо только в определенных (NSVZ) схемах вычитания, которые не включают  $\overline{\text{DR}}$ -схему.

Однако NSVZ-схема может быть естественным образом построена при использовании регуляризации высшими ковариантными производными [10, 11] в суперсимметричном варианте [12, 13]. Главное преимущество этой регуляризации заключается в том, что ренормгрупповые функции (РГФ), определенные в терминах голых констант связи, удовлетворяют формуле NSVZ во всех петлях независимо от перенормировочного предписания. (Заметим, что при использовании размерной редукции это не так [14].) Для абелева случая это было доказано в [15, 16], а обобщение на неабелевы теории будет обсуждаться в этой работе. Заметим, что РГФ, определенные в терминах голых констант связи,

$$\begin{aligned} \beta(\alpha_0, \lambda_0) &\equiv \frac{d\alpha_0}{d \ln \Lambda}, & (\gamma_\phi)_i{}^j(\alpha_0, \lambda_0) &\equiv -\frac{d \ln (Z_\phi)_i{}^j}{d \ln \Lambda}, \\ \gamma_V(\alpha_0, \lambda_0) &\equiv -\frac{d \ln Z_V}{d \ln \Lambda}, & \gamma_c(\alpha_0, \lambda_0) &\equiv -\frac{d \ln Z_c}{d \ln \Lambda}, \end{aligned} \quad (2)$$

необходимо отличать от РГФ, определенных в терминах перенормированных констант связи,

$$\begin{aligned}\tilde{\beta}(\alpha, \lambda) &\equiv \frac{d\alpha}{d \ln \mu}, & (\tilde{\gamma}_\phi)_i{}^j(\alpha, \lambda) &\equiv \frac{d \ln(Z_\phi)_i{}^j}{d \ln \mu}, \\ \tilde{\gamma}_V(\alpha, \lambda) &\equiv \frac{d \ln Z_V}{d \ln \mu}, & \tilde{\gamma}_c(\alpha, \lambda) &\equiv \frac{d \ln Z_c}{d \ln \mu}.\end{aligned}\quad (3)$$

Первые РГФ являются схемно независимыми при фиксированной регуляризации, а вторые зависят от схемы (и регуляризации) и удовлетворяют формуле NSVZ только в определенных схемах перенормировки. Даже в абелевом случае имеется бесконечный набор NSVZ-схем [17], который, в частности, включает схему HD + MSL [18] и схему перенормировки на массовой поверхности [19] и не включает схемы  $\overline{\text{DR}}$  и MOM [20, 21].

## 1. НЕПЕРЕНОРМИРОВКА ТРОЙНЫХ КАЛИБРОВОЧНО-ДУХОВЫХ ВЕРШИН И NSVZ-СООТНОШЕНИЕ

Для вывода формулы NSVZ во всех порядках теории возмущений (для РГФ, определенных в терминах голых констант связи, при использовании регуляризации высшими ковариантными производными) удобно переписать ее в другой (но эквивалентной) форме, используя всепетлевую конечность тройных калибровочно-духовых вершин [22]\*. Имеются 4 такие вершины, соответствующие  $\bar{c}Vc$ ,  $\bar{c}^+Vc$ ,  $\bar{c}Vc^+$  и  $\bar{c}^+Vc^+$  внешним линиям, где  $V$  — квантовое калибровочное суперполе. Все эти вершины имеют одну и ту же константу перенормировки  $Z_\alpha^{-1/2}Z_cZ_V$ , где в наших обозначениях  $Z_\alpha = \alpha/\alpha_0$ ,  $V = Z_V Z_\alpha^{-1/2}V_R$ ,  $\bar{c}c = Z_c Z_\alpha^{-1}\bar{c}_R c_R$  и  $\phi_i = (\sqrt{Z_\phi})_i{}^j(\phi_R)_j$ . Поэтому можно использовать перенормировочное предписание, для которого  $Z_\alpha^{-1/2}Z_cZ_V = 1$ . Далее это будет всегда предполагаться. С использованием этого соотношения между константами перенормировки формула NSVZ (для РГФ, определенных в терминах голых констант связи) может быть записана в новой форме

$$\begin{aligned}\frac{\beta(\alpha_0, \lambda_0)}{\alpha_0^2} &= -\frac{1}{2\pi} (3C_2 - T(R) - 2C_2\gamma_c(\alpha_0, \lambda_0) - \\ &\quad - 2C_2\gamma_V(\alpha_0, \lambda_0) + C(R)_i{}^j(\gamma_\phi)_j{}^i(\alpha_0, \lambda_0)/r). \quad (4)\end{aligned}$$

---

\*Для некоторых теорий, сформулированных в терминах обычных полей, похожие утверждения были выведены ранее в калибровке Ландау [23, 24].

В отличие от исходного NSVZ-соотношения, эта формула связывает  $\beta$ -функцию в определенной петле с аномальными размерностями квантовых суперполей в только предыдущей петле и в правой части не содержит знаменатель, зависящий от константы связи.

Формула (4) может быть выведена во всех порядках в случае использования регуляризации высшими ковариантными производными с помощью обобщения метода, предложенного в [15, 16] для абелевого случая.

## 2. ВЫВОД ФОРМУЛЫ NSVZ

Кратко опишем основные шаги, необходимые для вывода формулы (4) во всех петлях.

Мы используем метод фонового поля в суперсимметричной формулировке и принимаем во внимание необходимость нелинейной перенормировки квантового калибровочного суперполя [25–27] (см. также [28–30]). Для этого мы производим замену  $e^{2V} \rightarrow e^{2\mathcal{F}(V)}e^{2V}$ , где  $V$  — фоновое калибровочное суперполе, а  $\mathcal{F}(V)$  — определенная нелинейная функция квантового калибровочного суперполя. Затем мы рассматриваем (поперечную) двухточечную функцию Грина фонового калибровочного суперполя  $V$

$$\Gamma_V^{(2)} = -\frac{1}{8\pi} \text{tr} \int \frac{d^4p}{(2\pi)^4} d^4\theta \mathbf{V}(-p, \theta) \partial^2 \Pi_{1/2} \mathbf{V}(p, \theta) d^{-1}(\alpha_0, \lambda_0, \Lambda/p) \quad (5)$$

и делаем формальную замену  $V^A \rightarrow \theta^A v^A$ , где  $v^A$  — функция, медленно убывающая на масштабе  $R \rightarrow \infty$ . Эта процедура позволяет выделить  $\beta$ -функцию, определенную в терминах голых констант связи,

$$\begin{aligned} \frac{d\Delta\Gamma_V^{(2)}}{d \ln \Lambda} &= \frac{\mathcal{V}_4}{2\pi} \frac{d}{d \ln \Lambda} \left( d^{-1}(\alpha_0, \lambda_0, \Lambda/p) - \alpha_0^{-1} \right) \Big|_{\alpha, \lambda = \text{const}; p \rightarrow 0} = \\ &= \frac{\mathcal{V}_4}{2\pi} \cdot \frac{\beta(\alpha_0, \lambda_0)}{\alpha_0^2}, \end{aligned} \quad (6)$$

где

$$\Delta\Gamma_V^{(2)} \equiv \Gamma_V^{(2)} - S_V^{(2)} \quad \text{и} \quad \mathcal{V}_4 \equiv \int d^4x (v^A)^2. \quad (7)$$

Затем с использованием правил для вычисления суперграфов, тождеств Славнова–Тейлора для фоновой калибровочной инвариантности и алгебраического тождества [16]

$$\theta^2 AB\theta^2 + 2(-1)^{P_A+P_B} \theta^a A\theta^2 B\theta_a - \theta^2 A\theta^2 B - A\theta^2 B\theta^2 = O(\theta), \quad (8)$$

где  $(-1)^{P_A}$  и  $(-1)^{P_B}$  — грассмановы четности  $A$  и  $B$  (которые строятся из суперсимметричных и обычных производных и суперпространственных  $\delta$ -функций), выражение для  $\beta$ -функции может быть сведено к интегралу от

двойных полных производных. Детали этого вычисления могут быть найдены в [31]\*. Этот интеграл аналогичен «игрушечному» интегралу

$$\int \frac{d^4q}{(2\pi)^4} \frac{\partial}{\partial q^\mu} \frac{\partial}{\partial q_\mu} \left( \frac{f(q^2)}{q^2} \right) = \frac{1}{8\pi^4} \int_{S^3} dS \frac{f(q^2)}{q^3} = \frac{1}{4\pi^2} f(0), \quad (9)$$

где  $f(q^2)$  — несингулярная функция, быстро убывающая на бесконечности. Поэтому все вклады в  $\beta$ -функцию, определенную в терминах голых констант связи, начиная с двухпетлевого приближения, даются суммой сингулярных вкладов. Различные сингулярные вклады могут быть сопоставлены с различными слагаемыми в полном действии. Всепетлевая сумма сингулярностей, соответствующих суперполям материи и духов Фаддеева–Попова, была найдена в [34]. Она дает слагаемые в формуле (4), содержащие  $(\gamma_\phi)_j^i$  и  $\gamma_c$  соответственно. Работа, посвященная суммированию сингулярностей, создаваемых квантовым калибровочным суперполем, в настоящее время находится в стадии подготовки. Результат для суммы всех сингулярностей может быть записан как

$$\begin{aligned} \frac{\beta(\alpha_0, \lambda_0)}{\alpha_0^2} - \frac{\beta_{1\text{-loop}}(\alpha_0)}{\alpha_0^2} &= \frac{1}{\pi} C_2 \gamma_V(\alpha_0, \lambda_0) + \frac{1}{\pi} C_2 \gamma_c(\alpha_0, \lambda_0) - \\ &- \frac{1}{2\pi r} C(R)_i^j (\gamma_\phi)_j^i(\alpha_0, \lambda_0). \end{aligned} \quad (10)$$

Однопетлевой вклад в  $\beta$ -функцию  $\beta_{1\text{-loop}}(\alpha_0) = -\alpha_0^2(3C_2 - T(R))/2\pi$  при использовании регуляризации высшими ковариантными производными был вычислен в [35]. Подставляя его в формулу (10), мы получаем NSVZ-соотношение в виде (4). Оно справедливо для РГФ, определенных в терминах голых констант связи, независимо от процедуры перенормировки, которая дополняет регуляризацию высшими ковариантными производными. В соответствии с [22] это означает, что одна из NSVZ-схем для РГФ, определенных в терминах перенормированных констант связи, дается предписанием HD + MSL, поскольку в этом случае оба определения РГФ дают одинаковый результат:

$$\begin{aligned} \beta(\alpha_0 \rightarrow \alpha, \lambda_0 \rightarrow \lambda) &= \tilde{\beta}(\alpha, \lambda), \quad (\gamma_\phi)_i^j(\alpha_0 \rightarrow \alpha, \lambda_0 \rightarrow \lambda) = (\tilde{\gamma}_\phi)_i^j(\alpha, \lambda), \\ \gamma_V(\alpha_0 \rightarrow \alpha, \lambda_0 \rightarrow \lambda) &= \tilde{\gamma}_V(\alpha, \lambda), \quad \gamma_c(\alpha_0 \rightarrow \alpha, \lambda_0 \rightarrow \lambda) = \tilde{\gamma}_c(\alpha, \lambda). \end{aligned} \quad (11)$$

---

\*Факторизация петлевых интегралов, задающих  $\beta$ -функцию, определенную в терминах голых констант связи, в интегралы от полных и двойных полных производных была впервые замечена при вычислениях низших квантовых поправок для  $\mathcal{N} = 1$  СКЭД в [32] и [33] соответственно.

### 3. МЕТОД ВЫЧИСЛЕНИЯ МНОГОПЕТЛЕВЫХ ВКЛАДОВ В $\beta$ -ФУНКЦИЮ

Важно заметить, что общее доказательство факторизации петлевых интегралов в интегралы от двойных полных производных, выполненное в [31], позволяет построить метод получения  $\beta$ -функции для теорий, регуляризованных высшими ковариантными производными, который существенно упрощает вычисления [31, 36]. Для вычисления части  $\beta$ -функции, определенной в терминах голых констант связи, получаемой прикреплением двух внешних  $V$ -линий к определенному  $L$ -петлевому вакуумному суперграфу всеми возможными способами, необходимо:

- 1) формально построить выражение для рассматриваемого суперграфа и добавить  $\theta^4(v^B)^2$  в его произвольную точку;
- 2) вычислить получившееся выражение с использованием  $D$ -алгебры;
- 3) отметить  $L$  пропагаторов с независимыми (евклидовыми) импульсами  $Q_i$ ;
- 4) для отмеченных пропагаторов сделать формальную замену

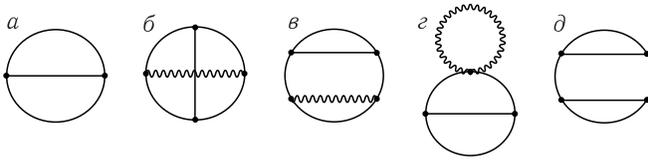
$$\prod_{i=1}^L \delta_{a_i}^{b_i} \rightarrow \sum_{k,l=1}^L \prod_{i \neq k,l} \delta_{a_i}^{b_i} (T^A)_{a_k}{}^{b_k} (T^A)_{a_l}{}^{b_l} \frac{\partial^2}{\partial Q_k^\mu \partial Q_l^\mu}$$

в подынтегральном выражении;

- 5) умножить результат на  $-2\pi/(r\mathcal{V}_4) \cdot d/d \ln \Lambda$ .

### 4. ЯВНЫЕ МНОГОПЕТЛЕВЫЕ ВЫЧИСЛЕНИЯ С РЕГУЛЯРИЗАЦИЕЙ ВЫСШИМИ ПРОИЗВОДНЫМИ

Общие результаты, описанные выше, были проверены некоторыми явными вычислениями, сделанными с помощью регуляризации высшими ковариантными производными. В [37, 38] двухпетлевая  $\beta$ -функция общей  $\mathcal{N} = 1$  суперсимметричной калибровочной теории была сравнена с однопетлевыми аномальными размерностями квантовых суперполей. Это вычисление в точности подтвердило формулу (4). Кроме того, вычисление, сделанное в [38] в общей  $\xi$ -калибровке методом, описанным в разд. 3, продемонстрировало, что обе части формулы (4) являются калибровочно-независимыми в рассматриваемом приближении. Однако  $\beta$ -функция в двухпетлевом приближении и аномальные размерности в однопетлевом приближении являются независимыми от регуляризации и перенормировочного предписания. Поэтому более интересно рассмотреть следующий порядок теории возмущений, т. е. сравнить трехпетлевую  $\beta$ -функцию с двухпетлевыми аномальными размерностями. При использовании регуляризации высшими ковариантными производными трехпетлевая  $\beta$ -функция пока еще не была полностью вычислена. Однако некоторые ее части были найдены. Например, все супердиаграммы, содержащие



Суперграфы, дающие трехпетлевые вклады в  $\beta$ -функцию, содержащие юкавские константы

петли духов Фаддеева–Попова, были просуммированы в [36] с использованием метода разд. 3. Результат был сравнен с двухпетлевой аномальной размерностью духов Фаддеева–Попова, вычисленной в [30]. Это сравнение подтвердило справедливость формулы (4) в описываемом приближении для рассматриваемой группы диаграмм. Похожее вычисление было выполнено в [39, 40] для слагаемых, содержащих юкавские константы. Здесь мы кратко опишем его результаты.

Слагаемые, содержащие юкавские константы, генерируются суперграфами, показанными на рисунке. Соответствующие вклады в  $\beta$ -функцию получают прикреплением двух внешних линий фонового калибровочного суперполя всеми возможными способами, тогда как различные разрезы внутренних линий дают двухпетлевые вклады в аномальные размерности квантового калибровочного суперполя и суперполей материи. (Для рассматриваемых суперграфов вклады в аномальную размерность духов Фаддеева–Попова не возникают.)

Выражения для соответствующих частей  $\beta$ -функции, генерируемые всеми этими суперграфами, были найдены в виде интегралов от двойных полных производных в [39, 40] и впоследствии проверены методом, описанным в разд. 3, в [31]. При вычислении интегралов от двойных полных производных для всех рассматриваемых графов получаются соотношения

$$\Delta_A \left( \frac{\beta(\alpha_0, \lambda_0)}{\alpha_0^2} \right) = \frac{1}{\pi} C_2 \Delta_A \gamma_V(\alpha_0, \lambda_0) - \frac{1}{2\pi r} C(R)_i{}^j (\Delta_A \gamma_\phi)_j{}^i(\alpha_0, \lambda_0). \quad (12)$$

Для регуляторов с высшими производными  $F(x) = 1 + x^n$ ;  $R(x) = 1 + x^m$  РФФ, определенные в терминах голых констант связи, записываются как

$$\begin{aligned} \frac{\beta(\alpha_0, \lambda_0)}{\alpha_0^2} = & -\frac{1}{2\pi} (3C_2 - T(R)) - \frac{1}{2\pi r} C(R)_j{}^i \left( \frac{1}{4\pi^2} \lambda_{0imn}^* \lambda_0^{jmn} + \right. \\ & + \frac{\alpha_0}{8\pi^3} \lambda_{0imn}^* \lambda_0^{jmn} C_2 - \frac{\alpha_0}{8\pi^3} \lambda_{0lmn}^* \lambda_0^{jmn} C(R)_i{}^l \left( 1 - \frac{1}{n} \right) + \\ & + \frac{\alpha_0}{4\pi^3} \lambda_{0imn}^* \lambda_0^{jml} C(R)_l{}^n \left( 1 + \frac{1}{n} \right) - \frac{1}{16\pi^4} \lambda_{0iac}^* \lambda_0^{jab} \lambda_{0bde}^* \lambda_0^{cde} \left. \right) + \\ & + O(\alpha_0^2 \lambda_0^2, \alpha_0 \lambda_0^4, \lambda_0^6) + \text{слагаемые без юкавских констант}, \quad (13) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
(\gamma_\phi)_i^j(\alpha_0, \lambda_0) = & -\frac{\alpha_0}{\pi} C(R)_i^j + \frac{1}{4\pi^2} \lambda_{0imn}^* \lambda_0^{jmn} - \\
& - \frac{\alpha_0}{8\pi^3} \lambda_{0lmn}^* \lambda_0^{jmn} C(R)_i^l \left(1 - \frac{1}{n}\right) + \frac{\alpha_0}{4\pi^3} \lambda_{0imn}^* \lambda_0^{jml} C(R)_l^n \left(1 + \frac{1}{n}\right) - \\
& - \frac{1}{16\pi^4} \lambda_{0iac}^* \lambda_0^{jab} \lambda_{0bde}^* \lambda_0^{cde} + O(\alpha_0^2, \alpha_0 \lambda_0^4, \lambda_0^6), \quad (14)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\gamma_V(\alpha_0, \lambda_0) = & -\frac{\alpha_0}{4\pi} (3C_2 - T(R)) - \\
& - \frac{\alpha_0}{16\pi^3 r} \lambda_{0jmn}^* \lambda_0^{imn} C(R)_i^j + O(\alpha_0^2, \alpha_0 \lambda_0^4) \quad (15)
\end{aligned}$$

и удовлетворяют формуле NSVZ (4) при произвольном перенормировочном предписании. Выражения для РГФ, определенных в терминах перенормированных констант связи, были выписаны в [40]. Они содержат некоторые конечные константы, необходимые для фиксации схемы вычитаний. Эти РГФ в общем случае не удовлетворяют NSVZ-соотношению, но для схемы HD + MSL это соотношение оказывается справедливым по крайней мере в рассматриваемом приближении,

$$\begin{aligned}
\frac{\tilde{\beta}(\alpha, \lambda)}{\alpha^2} = & -\frac{1}{2\pi} (3C_2 - T(R)) - 2C_2 \tilde{\gamma}_c(\alpha, \lambda) - \\
& - 2C_2 \tilde{\gamma}_V(\alpha, \lambda) + C(R)_i^j (\tilde{\gamma}_\phi)_j^i(\alpha, \lambda)/r. \quad (16)
\end{aligned}$$

Это означает, что для рассматриваемого класса супердиаграмм HD + MSL = NSVZ.

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

С использованием регуляризации высшими ковариантными производными точная NSVZ  $\beta$ -функция может быть получена методами теории возмущений как соотношение (4) между  $\beta$ -функцией и аномальными размерностями квантовых суперполей. При использовании этой регуляризации формула NSVZ справедлива для РГФ, определенных в терминах голых констант связи, независимо от перенормировочного предписания. Это происходит, поскольку  $\beta$ -функция, как оказывается, задается интегралами от двойных полных производных по петлевым импульсам. Как следствие, для РГФ, определенных стандартным образом в терминах перенормированных констант связи, одна из NSVZ-схем дается предписанием HD + MSL, когда теория регуляризуется высшими ковариантными производными, дополненными минимальными вычитаниями логарифмов. Явные многопетлевые вычисления подтверждают все эти факты даже в приближении, когда проявляется схемная зависимость.

**Благодарности.** Эта работа поддержана Фондом развития теоретической физики и математики «БАЗИС», грант № 19-1-1-45-1.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. *Novikov V. A., Shifman M. A., Vainshtein A. I., Zakharov V. I.* // Nucl. Phys. B. 1983. V. 229. P. 381.
2. *Jones D. R. T.* // Phys. Lett. B. 1983. V. 123. P. 45.
3. *Novikov V. A., Shifman M. A., Vainshtein A. I., Zakharov V. I.* // Phys. Lett. B. 1986. V. 166. P. 329.
4. *Shifman M. A., Vainshtein A. I.* // Nucl. Phys. B. 1986. V. 277. P. 456.
5. *Avdeev L. V., Tarasov O. V.* // Phys. Lett. B. 1982. V. 112. P. 356.
6. *Jack I., Jones D. R. T., North C. G.* // Phys. Lett. B. 1996. V. 386. P. 138.
7. *Jack I., Jones D. R. T., North C. G.* // Nucl. Phys. B. 1997. V. 486. P. 479.
8. *Jack I., Jones D. R. T., Pickering A.* // Phys. Lett. B. 1998. V. 435. P. 61.
9. *Harlander R. V., Jones D. R. T., Kant P., Mihaila L., Steinhauser M.* // JHEP. 2006. V. 0612. P. 024.
10. *Slavnov A. A.* // Nucl. Phys. B. 1971. V. 31. P. 301.
11. *Славнов А. А.* // ТМФ. 1972. Т. 13. С. 174.
12. *Кривошеков В. К.* // ТМФ. 1978. Т. 36. С. 291.
13. *West P. C.* // Nucl. Phys. B. 1986. V. 268. P. 113.
14. *Aleshin S. S., Goriachuk I. O., Kataev A. L., Stepanyantz K. V.* // Phys. Lett. B. 2017. V. 764. P. 222.
15. *Stepanyantz K. V.* // Nucl. Phys. B. 2011. V. 852. P. 71.
16. *Stepanyantz K. V.* // JHEP. 2014. V. 1408. P. 096.
17. *Goriachuk I. O., Kataev A. L., Stepanyantz K. V.* // Phys. Lett. B. 2018. V. 785. P. 561.
18. *Kataev A. L., Stepanyantz K. V.* // Nucl. Phys. B. 2013. V. 875. P. 459.
19. *Kataev A. L., Kazantsev A. E., Stepanyantz K. V.* // Eur. Phys. J. C. 2019. V. 79. P. 477.
20. *Kataev A. L., Stepanyantz K. V.* // Phys. Lett. B. 2014. V. 730. P. 184.
21. *Катаев А. Л., Степаньянц К. В.* // ТМФ. 2014. Т. 181. С. 475.
22. *Stepanyantz K. V.* // Nucl. Phys. B. 2016. V. 909. P. 316.
23. *Dudal D., Verschelde H., Sorella S. P.* // Phys. Lett. B. 2003. V. 555. P. 126.
24. *Capri M. A. L., Granado D. R., Guimaraes M. S., Justo I. F., Mihaila L., Sorella S. P., Vercauteren D.* // Eur. Phys. J. C. 2014. V. 74. P. 2844.
25. *Piguet O., Sibold K.* // Nucl. Phys. B. 1982. V. 197. P. 257.
26. *Piguet O., Sibold K.* // Ibid. P. 272.
27. *Тютин И. В.* // ЯФ. 1983. Т. 37. С. 761.
28. *Juer J. W., Storey D.* // Phys. Lett. B. 1982. V. 119. P. 125.
29. *Juer J. W., Storey D.* // Nucl. Phys. B. 1983. V. 216. P. 185.
30. *Kazantsev A. E., Kuzmichev M. D., Meshcheriakov N. P., Novgorodtsev S. V., Shirokov I. E., Skoptsov M. B., Stepanyantz K. V.* // JHEP. 2018. V. 1806. P. 020.
31. *Stepanyantz K. V.* // JHEP. 2019. V. 1910. P. 011.
32. *Солошенко А. А., Степаньянц К. В.* // ТМФ. 2004. Т. 140. С. 437.
33. *Smilga A. V., Vainshtein A.* // Nucl. Phys. B. 2005. V. 704. P. 445.

34. *Stepanyantz K. V.* // JHEP. 2020. V.2001. P. 192.
35. *Aleshin S. S., Kazantsev A. E., Skoptsov M. B., Stepanyantz K. V.* // JHEP. 2016. V. 1605. P.014.
36. *Kuzmichev M. D., Meshcheriakov N. P., Novgorodtsev S. V., Shirokov I. E., Stepanyantz K. V.* // Eur. Phys. J. C. 2019. V. 79. P. 809.
37. *Shakhmanov V. Y., Stepanyantz K. V.* // Phys. Lett. B. 2018. V. 776. P. 417.
38. *Stepanyantz K.* arXiv:1910.03242 [hep-th].
39. *Shakhmanov V. Y., Stepanyantz K. V.* // Nucl. Phys. B. 2017. V. 920. P. 345.
40. *Kazantsev A. E., Shakhmanov V. Y., Stepanyantz K. V.* // JHEP. 2018. V. 1804. P. 130.