

**ПОИСК И ИССЛЕДОВАНИЕ МАЛОМАССОВЫХ  
СКАЛЯРНЫХ МЕЗОНОВ В РЕАКЦИИ  $np \rightarrow np\pi^+\pi^-$   
ПРИ ИМПУЛЬСЕ НЕЙТРОННОГО ПУЧКА**

$$P_n = (5,20 \pm 0,12) \text{ ГэВ/с}$$

Ю. А. Троян, С. Г. Аракелян, А. В. Беляев,  
А. П. Иерусалимов, Е. Б. Плеханов, А. Ю. Троян

Объединенный институт ядерных исследований, Дубна

Приведены результаты по поиску и исследованию эффектов в системе  $\pi^+\pi^-$  в реакции  $np \rightarrow np\pi^+\pi^-$  при импульсе квазимохроматических нейтронов  $P_n = (5,20 \pm 0,12) \text{ ГэВ/с}$  с использованием данных, полученных при облучении однометровой водородной пузырьковой камеры ЛВЭ ОИЯИ. После дополнительного отбора событий с протонами, летящими в переднюю полусферу в общей с. ц. м. ( $\cos \theta_p^* > 0$ ), в распределении эффективных масс  $\pi^+\pi^-$ -комбинаций обнаружено девять особенностей с массами  $(350 \pm 3)$ ,  $(408 \pm 3)$ ,  $(489 \pm 3)$ ,  $(579 \pm 5)$ ,  $(676 \pm 7)$ ,  $(762 \pm 11)$ ,  $(878 \pm 7)$ ,  $(1036 \pm 13)$ ,  $(1170 \pm 11) \text{ МэВ/с}^2$ , ширины которых не превышают несколько десятков  $\text{МэВ/с}^2$ . Произведена оценка спинов резонансов, и определены их другие квантовые числа. Все особенности характеризуются одним и тем же набором квантовых чисел  $I^G(J^{PC}) = 0^+(0^{++})$ . Исследована последовательность скаляр-изоскалярных резонансов  $f_0(\sigma_0)$  с массами в области  $M \leq 1200 \text{ МэВ/с}^2$ . Найдена феноменологическая зависимость резонансов от их номера. Эта зависимость охватывает не только резонансные эффекты, представленные в данной работе, но и все без исключения особенности, отмеченные в таблицах мировых данных как имеющие квантовые числа  $f_0(\sigma_0)$ -мезонов.

The results of search and study of resonance effects in the system of  $\pi^+\pi^-$  from the reaction  $np \rightarrow np\pi^+\pi^-$  at the impulse of the quasimonochromatic neutrons  $P_n = (5.20 \pm 0.12) \text{ GeV/c}$  from the data obtained in an exposure of the 1 m hydrogen bubble chamber of LHE (JINR) are presented. After supplementary sorting out the events where a secondary proton flies forward in the general c.m.s. of reaction ( $\cos \theta_p^* > 0$ ) in the effective mass spectrum of  $\pi^+\pi^-$ -combinations, there were nine peculiarities found out at masses  $(350 \pm 3)$ ,  $(408 \pm 3)$ ,  $(489 \pm 3)$ ,  $(579 \pm 5)$ ,  $(676 \pm 7)$ ,  $(762 \pm 11)$ ,  $(878 \pm 7)$ ,  $(1036 \pm 13)$ ,  $(1170 \pm 11) \text{ MeV/c}^2$  with experimental widths not more than several tens of  $\text{MeV/c}^2$ . The direct measurement of the spin of resonances was carried out. Also other quantum numbers were obtained. All of these peculiarities have a similar set of quantum numbers  $I^G(J^{PC}) = 0^+(0^{++})$ . The sequence of scalar-isoscalar resonances  $f_0(\sigma_0)$  with masses in the range of  $M \leq 1200 \text{ MeV/c}^2$  was explored. The phenomenological dependence for the resonance mass on its number was found. This dependence covered not only resonances shown in this paper but also all those which are present in PDG tables with quantum numbers of  $f_0(\sigma_0)$ -mesons.

PACS: 13.75.Cs

## ВВЕДЕНИЕ

Работа посвящена поиску и изучению маломассовых ( $M \leq 1200 \text{ МэВ/с}^2$ ) резонансов в системе  $\pi^+\pi^-$ . Их существование может прояснить свойства скалярных мезонов (так называемых  $\sigma_0$ -мезонов), исследование которых важно как с точки зрения изучения ме-

низма реализации киральной симметрии и связанного с этим механизма деконфайнмента адронов, так и с точки зрения исследования притягивающей части нуклон-нуклонного потенциала [1].

Как подчеркнуто в работе [2], легкие скалярные мезоны составляют хиггсовский сектор сильных взаимодействий, обеспечивающий конечные массы всех легких адронов разных сортов (с одновременным исчезновением массы у  $\pi$ -мезона).

Для прояснения этих принципиальных вопросов необходимо тщательное изучение свойств  $\sigma_0$ -мезонов, а также определение их структуры.

Этим вопросам посвящено множество публикаций. Мы отсылаем читателя к обзорной статье из PDG [3а]. Однако обзор теоретических работ [3а] касается кварк-глюонной картины строения скалярных мезонов. В них  $\sigma_0$ -мезоны рассматриваются как построенные из двух или четырех夸克ов, как глюболы, как объединение夸克ов в дикварки и т. д.

Существуют и другие подходы к проблеме. Это предсказания последовательности и свойств резонансов с точки зрения многомерного пространства [4], предсказания последовательности резонансов, полученные из формул квазиклассического квантования [5], исследование свойств инстантонного вакуума [6].

Такое многообразие теоретических подходов говорит о том, что понимания свойств и структуры  $\sigma_0$ -мезонов пока не существует.

Связано это, в первую очередь, с отсутствием экспериментальных данных в районе масс, меньших  $1 \text{ ГэВ}/c^2$ . Вопрос приобретает еще большую актуальность в связи с планированием исследований смешанной фазы в ЛФВЭ ОИЯИ [7], планированием и проведением таких исследований на других ускорителях мира, в том числе на установке HADES [8], где может быть набрана большая статистика.

Маломассовый  $\sigma_0$ -мезон может явиться мощным средством изучения новых состояний вещества. Некоторые предсказания об изменении свойств  $\sigma_0$ -мезонов в переходных режимах получены в статье [9].

## 1. РЕАКЦИЯ $np \rightarrow np\pi^+\pi^-$ ПРИ $P_n = (5,20 \pm 0,12) \text{ ГэВ}/c$

Данная статья продолжает серию работ по исследованию резонансов в системе  $\pi^+\pi^-$  в реакции  $np \rightarrow np\pi^+\pi^-$  при различных импульсах налетающего нейтрона [10–12].

В работе [12] описано получение и проведение до мишени нейтронного пучка, приведены методические приемы выделения каналов реакций, параметры пучков и вторичных треков, подробно описано определение квантовых чисел, правила получения полиномиальных фоновых кривых, представлена применяемая OPER-модель, а также даны ссылки на соответствующую литературу.

Приводимые ниже данные — результат облучения однометровой водородной пузырьковой камеры ЛВЭ ОИЯИ пучком квазимохроматических нейтронов при  $P_n = (5,20 \pm 0,12) \text{ ГэВ}/c$  [12].

В данной работе исследованы события из реакции  $np \rightarrow np\pi^+\pi^-$  при  $P_n = (5,20 \pm 0,12) \text{ ГэВ}/c$ , выделенной с использованием процедуры, основанной на анализе величины  $\chi^2$  для каждого события (метод  $\chi^2$ ), с дополнительным условием  $\chi^2 < 1,5$ . Проведено обрезание по восстановленной недостающей массе вторичного нейтрона.

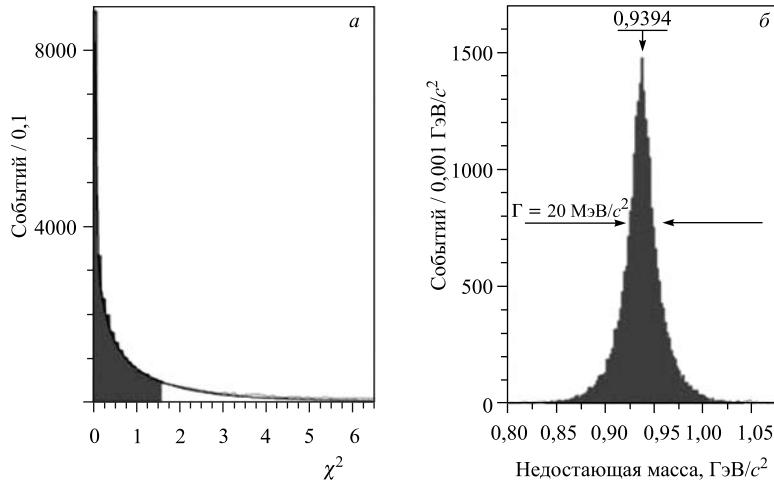


Рис. 1. *а*) Распределение  $\chi^2$  для реакции  $np \rightarrow np\pi^+\pi^-$  при  $P_n = 5,20$  ГэВ/с. Гистограмма — экспериментальное распределение; кривая — стандартное распределение  $\chi^2$  с одной степенью свободы. *б*) Распределение недостающих масс в событиях, отобранных с  $\chi^2 < 1,5$  для реакции  $np \rightarrow np\pi^+\pi^-$  при  $P_n = 5,20$  ГэВ/с. Отмечены положения максимума и ширина на полувысоте

Распределение значений  $\chi^2$  для событий указанной реакции представлено на рис. 1, *а*. Там же приведено стандартное распределение  $\chi^2$  с одной степенью свободы. Распределение значений  $\chi^2$  для событий реакции превышает, хоть и незначительно, стандартное распределение  $\chi^2$  с одной степенью свободы, начиная со значения  $\chi^2 \geq 1,5$ . Это может означать, что в группе событий с  $\chi^2 \geq 1,5$  могут присутствовать некорректно отнесенные к исследуемой реакции. Группа событий с  $\chi^2 \geq 1,5$  требует дальнейшего исследования. Поэтому в данной работе введено ограничение — используются события с  $\chi^2 < 1,5$  (закрашенная область на рис. 1, *а*).

На рис. 1, *б* показано распределение недостающих масс в событиях с  $\chi^2 < 1,5$ . Видно, что оно имеет максимум при массе нейтрона с точностью 0,1 МэВ/с<sup>2</sup>, симметрично относительно центрального значения и имеет полную ширину на полувысоте, равную 20 МэВ/с<sup>2</sup>. Для большей уверенности в чистоте материала проведено обрезание по восстановленной недостающей массе вторичного нейтрона (закрашенная область на рис. 1, *б*).

Соответствующие импульсные и угловые распределения вторичных нейтронов, протонов,  $\pi^+$ - и  $\pi^-$ -мезонов для отобранных событий удовлетворяют предсказаниям изотопической инвариантности в данной реакции.

После применения всех обрезающих процедур отобрано 25650 случаев реакции  $np \rightarrow np\pi^+\pi^-$  при  $P_n = (5,20 \pm 0,12)$  ГэВ/с, полученных в условиях 4π-геометрии. Отметим, что примесь от других каналов реакций практически отсутствует.

Ранее мы уже исследовали реакцию  $np \rightarrow np\pi^+\pi^-$  [13] и показали, что в ней главным является механизм однопионного обмена, который приводит к множественному рождению  $\Delta^{++}$ - и  $\Delta^-$ -изобар (до 70 % сечения реакции). Основной вклад однопионный обмен дает в случае, когда нейtron летит в переднюю полусферу в с. ц. м. реакции.

На рис. 2 представлено распределение эффективных масс  $\pi^+\pi^-$  для случаев с  $\cos \theta_n^* > 0$ . Никаких особенностей не видно. Полином 9-й степени (сплошная кривая) описывает распределение с  $\chi^2 = 1,02 \pm 0,15$  и  $\sqrt{D} = 1,51 \pm 0,11$ .

На распределение на рис. 2 наложена также фоновая кривая, полученная с помощью OPER-модели [12] (штриховая кривая). Эта кривая описывает распределение с  $\chi^2 = 1,07 \pm 0,15$  и  $\sqrt{D} = 1,60 \pm 0,11$ .

На рис. 3 показано распределение эффективных масс  $\pi^+\pi^-$  для случаев с  $\cos \theta_p^* > 0$ , т. е. для случаев, когда в переднюю полусферу в общей с. ц. м. летит вторичный протон.

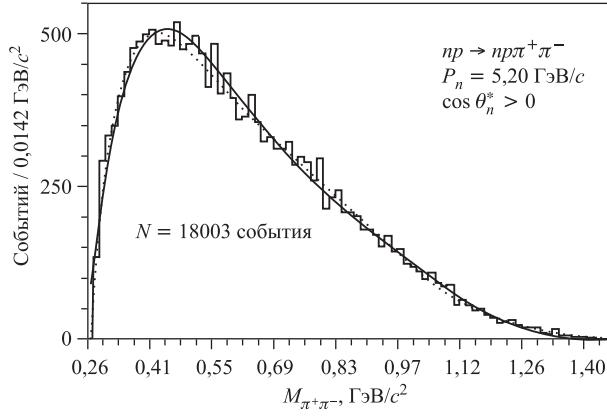


Рис. 2. Распределение эффективных масс  $\pi^+\pi^-$  для случаев с  $\cos \theta_n^* > 0$ . Сплошная линия — сумма полиномов Лежандра до девятой степени включительно, штриховая — фоновая кривая, полученная с помощью OPER-модели

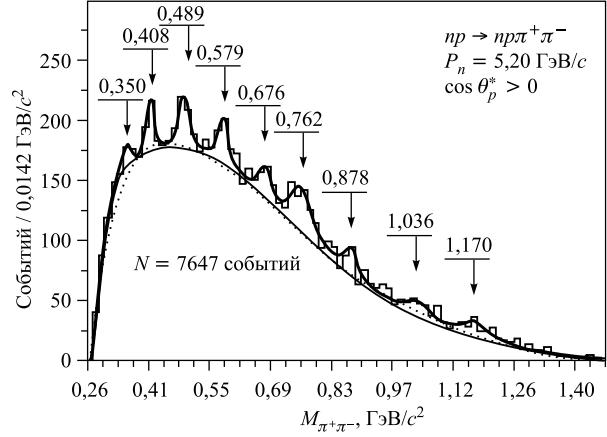


Рис. 3. Распределение эффективных масс  $\pi^+\pi^-$ . Сплошная тонкая линия — полиномиальное описание внерезонансных (фоновых) областей; сплошная толстая линия — описание распределения полиномиальной фоновой кривой и девятью резонансными кривыми, взятыми в форме Брейта–Вигнера; штриховая линия — фоновая кривая, полученная с помощью OPER-модели

Полный вклад  $\Delta^{++}$ - и  $\Delta^-$ -изобар в такие случаи не превышает 17 % (расчеты по OPER-модели [13]), и, следовательно, сильно снижается фон для исследуемых эффектов.

Видно сильное отличие распределения на рис. 3 от распределения на рис. 2.

После отбора событий с  $\cos \theta_p^* > 0$  осталось 7647 случаев.

Распределение на рис. 3 описывалось суммой полиномов Лежандра до девятой степени включительно и девятым резонансными кривыми, взятыми в форме Брейта–Вигнера (сплошная толстая кривая) так, как изложено в [12]. Стрелками на графике отмечены подобранные фитом центральные значения масс.

Фон (сплошная тонкая кривая) составляет 89 % всего распределения и описывается с  $\chi^2 = 0,97 \pm 0,24$  и  $\sqrt{D} = 1,36 \pm 0,17$ . Эта же фоновая кривая, нормированная на 100 % событий в графике, описывает распределение с  $\chi^2 = 1,26 \pm 0,15$  и  $\sqrt{D} = 1,59 \pm 0,11$  (доверительный уровень 9 %).

На распределение на рис. 3 наложена еще одна фоновая кривая, полученная с помощью OPER-модели (штриховая кривая). Эта кривая описывает фон с  $\chi^2 = 0,95 \pm 0,24$  и  $\sqrt{D} = 1,45 \pm 0,17$ , а нормированная на 100 % событий в графике описывает распределение с  $\chi^2 = 1,24 \pm 0,15$  и  $\sqrt{D} = 1,87 \pm 0,11$  (доверительный уровень 11 %).

Результаты аппроксимации представлены в табл. 1.

Таблица 1. Результаты аппроксимации распределения, представленного на рис. 3

$n$	$M_{\text{рез}} \pm \Delta M_{\text{рез}}, \text{МэВ}/c^2$	$\Gamma_{\text{рез}}^{\text{эксп}} \pm \Delta \Gamma_{\text{рез}}^{\text{эксп}}, \text{МэВ}/c^2$	$\Gamma_{\text{рез}}^{\text{ист}} \pm \Delta \Gamma_{\text{рез}}^{\text{ист}}, \text{МэВ}/c^2$	$\sigma, \text{мкб}$	S.D.
1	$350 \pm 3$	$11 \pm 8$	$7 \pm 9$	$12 \pm 6$	3,0
2	$408 \pm 3$	$11 \pm 8$	$7 \pm 9$	$12 \pm 6$	3,5
3	$489 \pm 3$	$20 \pm 10$	$16 \pm 11$	$20 \pm 8$	4,0
4	$579 \pm 5$	$17 \pm 14$	$7 \pm 14$	$18 \pm 8$	3,8
5	$676 \pm 7$	$11 \pm 14$	$16 \pm 15$	$11 \pm 6$	3,0
6	$762 \pm 11$	$53 \pm 33$	$48 \pm 33$	$26 \pm 8$	6,1
7	$878 \pm 7$	$30 \pm 14$	$11 \pm 16$	$11 \pm 5$	3,6
8	$1036 \pm 13$	$61 \pm 30$	$50 \pm 33$	$15 \pm 5$	5,1
9	$1170 \pm 11$	$65 \pm 33$	$51 \pm 35$	$11 \pm 4$	5,8

В таблице приведены  $M_{\text{рез}}$  и  $\Gamma_{\text{рез}}^{\text{эксп}}$  — экспериментальные (определенные фитом) значения масс и ширин резонансных эффектов,  $\Gamma_{\text{рез}}^{\text{ист}}$  — истинные значения ширин резонансных эффектов, полученные с учетом разрешения по массам [12],  $\sigma$  — сечения резонансов, вычисленные с учетом сечения всего канала реакции  $pr \rightarrow pr\pi^+\pi^-$  при  $P_n = (5,20 \pm 0,12)$  ГэВ/с ( $\sigma = (6,22 \pm 0,28)$  мб) [14], и S.D. — число стандартных отклонений эффектов от фона (S.D.=  $N_{\text{рез}}/N_{\text{фон}}$ ). Ошибки в приведенных значениях масс, ширин и сечений резонансов являются комбинацией методических и статистических ошибок в квадратурах.

## 2. КВАНТОВЫЕ ЧИСЛА РЕЗОНАНСОВ

Значения квантовых чисел резонансов —  $I, J, G, P, C$  — были получены в соответствии с методикой, приведенной в [12].

Все результатирующие распределения для исследуемых особенностей, построенные для оценки спинов, изотропны, что согласуется с результатами предыдущих исследований [10, 11]. Характерные распределения для каждого резонанса представлены на рис. 4. Для всех наблюдаемых особенностей, с большой вероятностью,  $J_{\text{рез}} = 0$ .

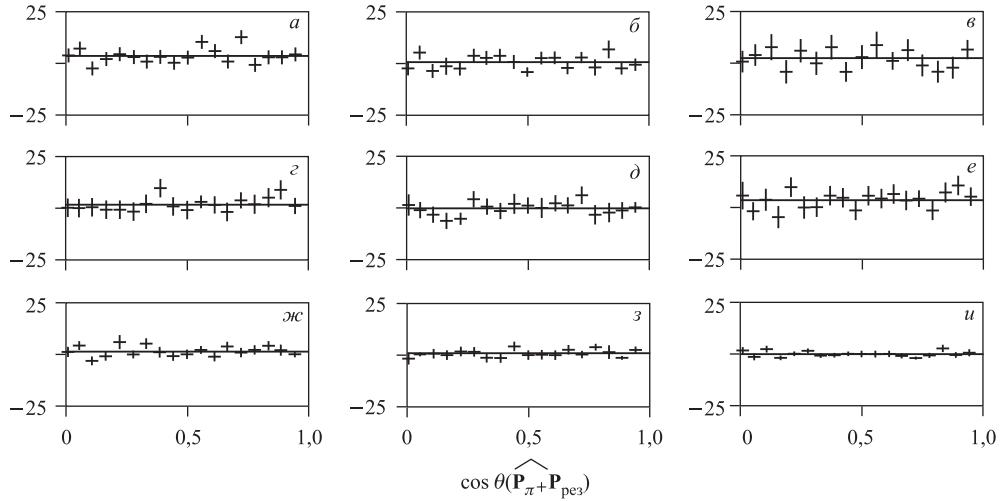


Рис. 4. Гистограммы с величинами ошибок — угловое распределение  $\pi^+$ -мезонов из области резонанса в спиральной системе координат с выченным угловым распределением  $\pi^+$ -мезонов из области фона для резонансов при массах  $M_{\pi^+\pi^-}$ : а) 350 МэВ/ $c^2$ ; б) 408 МэВ/ $c^2$ ; в) 489 МэВ/ $c^2$ ; г) 579 МэВ/ $c^2$ ; д) 676 МэВ/ $c^2$ ; е) 762 МэВ/ $c^2$ ; ж) 878 МэВ/ $c^2$ ; з) 1036 МэВ/ $c^2$ ; и) 1170 МэВ/ $c^2$ . Сплошные прямые линии — наиболее вероятные описания распределений

В соответствии с логикой, изложенной в [12] для определения  $I$ , нами были изучены системы  $\pi^-\pi^0$  из реакции  $np \rightarrow pp\pi^-\pi^0$  [10] и  $\pi^-\pi^-$  из реакции  $np \rightarrow pp\pi^+\pi^-\pi^-$  [15]. Мы не наблюдаем особенностей при массах, соответствующих представленным на рис. 3, ни в комбинациях  $\pi^-\pi^0$ , ни в спектре эффективных масс  $\pi^-\pi^-$ . Кроме того, определенные для  $\pi^-\pi^-$ -эффектов значения спинов сильно отличаются от нулевых значений. Таким образом, значение изотопического спина для исследуемых резонансов определяется как  $I = 0$ .

Из вышеизложенного можно сделать вывод, что все наблюдаемые нами особенности, с большой долей вероятности, имеют квантовые числа  $\sigma_0$ -мезона  $I^G(J^{PC}) = 0^+(0^{++})$ .

### 3. СРАВНЕНИЕ С ДРУГИМИ ЭКСПЕРИМЕНТАМИ

Существует некоторое количество экспериментов, с которыми можно было бы сравнить наши результаты.

Прежде всего это эксперимент, в котором был наблюден так называемый ABC-эффект [16]. В нем, в разных ядерных реакциях, был обнаружен пик при массе  $M = 350$  МэВ/ $c^2$ . Подобный эффект найден нами в реакции  $np \rightarrow d\pi^+\pi^-$  при  $P_n = (1,73 \pm 0,04)$  ГэВ/ $c$  [17]. Обнаруженный нами эффект в системе  $\pi^+\pi^-$  находится в области эффективных масс  $M_{\pi^+\pi^-} \approx 400$  МэВ/ $c^2$ .

Резонансная особенность при массе  $M_{\gamma\gamma} = 360$  МэВ/ $c^2$  была обнаружена в спектре эффективных масс  $2\gamma$ -квантов в  $dC$ -взаимодействиях при импульсе 2,75 ГэВ на нуклон [18].

В распределении эффективных масс  $2\gamma$ -квантов в двухметровой пропановой камере обнаружены эффекты при  $M_{\gamma\gamma} = 350$  МэВ/ $c^2$ . В импульсном распределении  $\gamma$ -квантов обнаружены пики, которые можно объяснить, если предположить, что образуются резонансы при массах  $M_{\gamma\gamma} = 350$  МэВ/ $c^2$ , которые распадаются на два  $\gamma$ -кванта [19].

Наблюдение и исследование эффекта при массе 404 МэВ/ $c^2$  с квантовыми числами  $\sigma_0$ -мезона в реакции  $pr \rightarrow pr\pi^+\pi^-$  при  $P_n = 3,83$  ГэВ/ $c$  описано в [12].

Скалярный полюс при массе 489 МэВ/ $c^2$  был обнаружен при фазовом анализе событий от распада  $K_s^0$ -мезонов на 2  $\pi$ -мезона и 4 лептона [20]. Однако ширина резонанса очень большая —  $\Gamma/2 = 264$  МэВ/ $c^2$ . Также наблюдался полюс в системе  $\pi^+\pi^-$  при массе 478 МэВ/ $c^2$  в распаде  $D^+ \rightarrow \pi^+\pi^+\pi^-$  [21].

Узкий, с шириной 30 МэВ/ $c^2$ , пик в системе  $\pi^+\pi^-$  при массе около 755 МэВ/ $c^2$  хорошо выделен в аннигиляции  $\bar{p}n \rightarrow 2\pi^+3\pi^-$  [22].

Наконец, отметим таблицы из PDG [36] с результатами  $K$ -матричного анализа ряда экспериментов по поиску маломассовых  $\pi^+\pi^-$ -особенностей. Представленные в них значения масс хорошо совпадают с нашими наблюдениями, но ширины резонансов очень велики. В эти же таблицы составителями внесены (с отметкой «по PWA») и наши данные из [10], касающиеся резонанса с массой  $M_{\pi^+\pi^-} = 759$  МэВ/ $c^2$  и полученные в прямом исследовании массового спектра.

#### 4. ФЕНОМЕНОЛОГИЧЕСКОЕ ОПИСАНИЕ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ СКАЛЯРНЫХ РЕЗОНАНСОВ

Мы предприняли попытку феноменологического описания последовательности скалярных  $f_0(\sigma_0)$ -резонансов с учетом как представленных в настоящей работе резонансных эффектов, так и данных, приведенных в PDG [3в].

Из анализа всех данных видно, что расстояние между резонансами изменяется довольно сложным образом. Это наводит на мысль о существовании нескольких траекторий, описывающих увеличивающиеся массы резонансов.

Для аппроксимации выбрана форма

$$M_n = M_0 + x \frac{n(n+1)}{2}, \quad (1)$$

где  $M_0$  — начальное возбуждение траектории;  $x$  — параметр возбуждения;  $n$  — номер резонанса на траектории. Член вида  $n(n+1)/2$  возникает при суммировании членов натурального ряда чисел от 1 до  $n$ . Таким образом, масса резонанса номер  $n$  может быть представлена схематически в виде суммы последовательностей возбуждений силой  $x$ . Просуммировав все цепочки, получим форму (1), представленную на рис. 5.

Нами были построены четыре последовательности резонансов, для которых подобраны значения  $M_0^i$  и  $x^i$  (здесь  $i$  — номер последовательности).

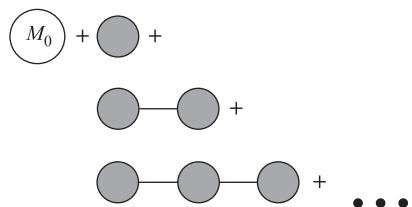


Рис. 5. Схематическое представление, согласно форме (1), массы резонанса номер  $n$  в виде суммы последовательностей возбуждений силой  $x$

Таблица 2. Экспериментальные и вычисленные, в зависимости от номера  $n$  в каждой из последовательностей (траекторий), значения масс скалярных резонансов

$n$	$\frac{n(n+1)}{2}$	$M_{\text{рез}}^{\text{выч}}, \text{МэВ}/c^2$	$M_{\text{рез}}^{\text{эксп}} \pm \Delta M_{\text{рез}}^{\text{эксп}}, \text{МэВ}/c^2$	$n$	$\frac{n(n+1)}{2}$	$M_{\text{рез}}^{\text{выч}}, \text{МэВ}/c^2$	$M_{\text{рез}}^{\text{эксп}} \pm \Delta M_{\text{рез}}^{\text{эксп}}, \text{МэВ}/c^2$
Траектория 1 ( $M_n = 305 + 120 \frac{n(n+1)}{2}$ )				Траектория 2 ( $M_n = 350 + 136 \frac{n(n+1)}{2}$ )			
0	0	305		0	0	350	$353 \pm 6$
1	1	425	$408 \pm 5$	1	1	486	$489 \pm 4$
2	3	665	$678 \pm 3$	2	3	758	$764 \pm 18$
3	6	1025	$1036 \pm 10$	3	6	1166	$1168 \pm 11$
4	10	1505	$1505 \pm 6$	4	10	1710	$1724 \pm 7$
5	15	2105	$2103 \pm 8$	5	15	2390	$2330 \pm 20$
Траектория 3 ( $M_n = 420 + 158 \frac{n(n+1)}{2}$ )				Траектория 4 ( $M_n = 485 + 170 \frac{n(n+1)}{2}$ )			
0	0	420	$408 \pm 5$	0	0	485	489
1	1	578	$585 \pm 6$	1	1	655	$678 \pm 3$
2	3	894	$876 \pm 4$	2	3	995	$980 \pm 10$
3	6	1368	1370	3	6	1505	$1505 \pm 6$
4	10	2000	$1992 \pm 16$	4	10	2185	$2189 \pm 13$

Примечание. Для каждой части таблицы, относящейся к траектории  $i$ : первая колонка — номер резонанса  $n$  последовательности  $i$ ; вторая — сумма членов натурального ряда чисел от 1 до  $n$ ; третья — вычисленные значения масс; четвертая — экспериментальные значения масс скалярных резонансов (включая ошибки) как приведенных в табл. 1, так и взятых из PDG.

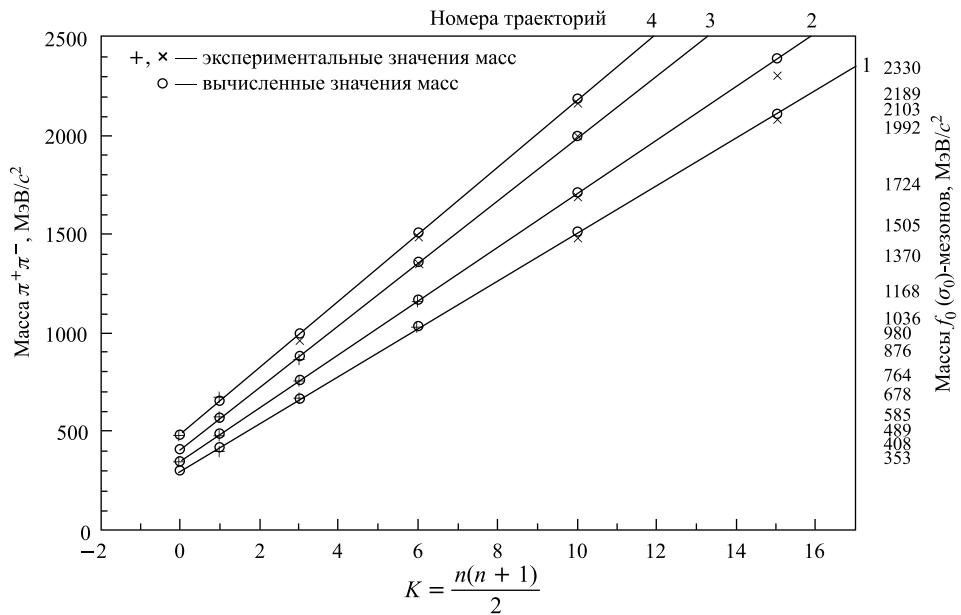


Рис. 6. Графическое представление подобранных траекторий согласно табл. 2. По оси абсцисс отложено значение  $K = n(n+1)/2$ , по оси ординат — массы  $f_0(\sigma_0)$ -мезонов из данных табл. 1 (+) и из PDG (×). Номера траекторий (справа налево) показаны вверху. Экспериментальные значения масс  $f_0(\sigma_0)$ -мезонов приведены справа. Величины экспериментальных ошибок сравнимы с размерами отметок на графике

В табл. 2 приведены вычисленные значения масс резонансов в зависимости от номера  $n$  для каждой из последовательностей, указаны начальные возбуждения  $M_0^i$  и возбуждения кластеров  $x^i$  и приведены экспериментальные значения масс скалярных резонансов как из нашего эксперимента, так и из PDG [3в].

Сформированные четыре траектории содержат все без исключения наши резонансы и скалярные резонансы, отмеченные в PDG. Мы ограничились массами до  $2400 \text{ МэВ}/c^2$ , так как далее данные очень неопределенные.

Подобранные траектории отображены на рис. 6, где по оси абсцисс отложено значение  $K = n(n+1)/2$ , по оси ординат — массы  $f_0(\sigma_0)$ -мезонов из наших данных (плюсы) и из PDG (крестики). Экспериментальные значения приведены на рисунке справа. Величины экспериментальных ошибок сравнимы с размерами отметок на графике.

Как из табл. 2, так и из рис. 6 видно очень хорошее совпадение вычисленных с помощью формулы (1) и экспериментальных данных во всем диапазоне масс  $\pi^+\pi^-$  от суммы масс ( $280 \text{ МэВ}/c^2$ ) до массы  $2400 \text{ МэВ}/c^2$ .

Таким образом, можно думать, что резонанс с номером  $n$  содержит целую последовательность возбуждений кластеров, эффект от которых складывается и дает суммарное возбуждение скалярного поля.

## 5. ОБСУЖДЕНИЕ И ВЫВОДЫ

Нами наблюдена серия резонансных состояний в системе  $\pi^+\pi^-$ -мезонов в реакции  $pr \rightarrow pr\pi^+\pi^-$  при  $P_n = (5,20 \pm 0,12) \text{ ГэВ}/c$  с квантовыми числами  $\sigma_0$ -мезона  $0^+(0^{++})$  и с массами в области  $M \leq 1200 \text{ МэВ}/c^2$ . Данные о таких резонансах практически отсутствуют.

Ширины найденных особенностей достаточно малы. Это резко противоречит данным экспериментов, обработанных с помощью фазового анализа, в котором получены ширины в несколько сотен  $\text{МэВ}/c^2$ . Такие широкие резонансы в нашем эксперименте мы наблюдать не могли бы.

Резонансы возникают, по-видимому, в рассеянии  $\pi^+$  на  $\pi^-$ . При этом происходит упорядоченное возбуждение скалярных полей.

Мы не видим распада резонанса  $f_0$  с массой  $M = 980 \text{ МэВ}/c^2$ , а видим, скорее, провал в распределении масс  $\pi^+\pi^-$  в этом месте. Это наводит на мысль о том, что резонанс  $f_0(980)$  в нашем эксперименте замаскирован пороговым эффектом рождения пары  $K^+K^-$ -мезонов.

Исследование свойств  $\sigma_0$ -мезонов в горячей и плотной среде даст много информации о свойствах такой среды. Таким образом, исследование  $\sigma_0$ -мезонов крайне важно как для проекта NICA/MPD, так и для экспериментов с ядерными пучками на всех ускорителях мира.

Мы благодарим проф. В.Л.Любошица за значительную помощь в нашей работе, проф. А. И. Малахова, проф. С. Вокала, д-ра П. Палацци за интерес к работе, д-ра М. В. Токарева за полезные обсуждения.

Работа выполнена в ЛФВЭ им. В.И.Векслера и А.М.Балдина ОИЯИ в рамках темы 1087.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Ericson T., Weise W. Pions and Nuclei. Oxford: Clarendon Press, 1988.
2. Pennington M.R. Structure of the Scalars // Proc. of the 11th Intern. Conf. on Meson-Nucleon Physics and Structure of the Nucleon, Sept. 10–14, 2007. FZJ, Juelich, 2007; <http://ru.arxiv.org/abs/0711.1435>.
3. Nakamura K. et al. (Particle Data Group) // J. Phys. G. 2010. V. 37. P. 075021.
- 3a. <http://pdg.lbl.gov/2010/reviews/rpp2010-rev-scalar-mesons.pdf>.
36. <http://pdg.lbl.gov/2010/listings/rpp2010-list-f0-600.pdf>.
- 3b. <http://pdg.lbl.gov/2010/tables/rpp2010-qtab-mesons.pdf>.
4. Arkhipov A. A. L-Particle and Kaluza–Klein World. IHEP Preprint No. 2002-43. Protvino, 2002; [hep-ph/0208215](http://arxiv.org/abs/hep-ph/0208215).
5. Гареев Ф.А., Казача Г.С., Рамис Ю.Л. Резонансы в субатомной физике и принципы подобия и размерности // ЭЧАЯ. 1996. Т. 27, вып. 1. С. 99–172; <http://wwwinfo.jinr.ru/publish/Archive/Pepan/1996-v27/v-27-1/3.htm>.
6. Hee-Jung Lee, Kocherlev N. I. Instanton Interpolating Current for  $\sigma$ -tetraquark // Phys. Lett. B. 2006. V. 642, Iss. 4. P. 358–365; <http://arxiv.org/abs/hep-ph/0608188>.
7. [http://nica.jinr.ru/files/NICA\\_CDR.pdf](http://nica.jinr.ru/files/NICA_CDR.pdf).
8. <http://www-hades.gsi.de>.
9. Volkov M. K., Radzhabov A. E., Russakovich N. L. Mesons in Hot and Dense Matter // ЯФ. 2003. Т. 66, № 5. С. 1030–1037.
10. Troyan Yu. A. et al. The Evidence of  $\sigma_0[0^+(0^{++})]$  Mesons at a Mass of  $M(\pi^+\pi^-) = (759 \pm 5)$  MeV/ $c^2$  Observed in  $\pi^+\pi^-$  Combinations from the Reaction  $np \rightarrow np\pi^+\pi^-$  at an Incident Momentum of  $P_n = (5.20 \pm 0.16)$  GeV/ $c$  // Краткие сообщ. ОИЯИ. 1998. № 5[91]. С. 33–40.
11. Troyan Yu. A. et al. The Search and Study of the Resonances in the System of  $\pi^+\pi^-$  Mesons from the Reaction  $np \rightarrow np\pi^+\pi^-$  at  $P_n = 5.20$  GeV/ $c$  // Part. Nucl., Lett. 2000. No. 6[103]. P. 25–33; Troyan Yu. A. et al. Resonances in the System of  $\pi^+\pi^-$  Mesons from  $np \rightarrow np\pi^+\pi^-$  Reaction at  $P_n = 5.20$  GeV/ $c$ : Search, Results of Direct Observations, Interpretation // Part. Nucl., Lett. 2002. No. 5[114]. P. 53–60; [hep-ex/0405049v4](http://arxiv.org/abs/hep-ex/0405049v4); Troyan Yu. A. et al. Low-Mass ( $M \leqslant 1.2$  GeV/ $c^2$ )  $\sigma_0$ -Meson Produced in the System  $\pi^+\pi^-$  from the Reaction  $np \rightarrow np\pi^+\pi^-$  at  $P_n = 5.20$  GeV/ $c$  // Proc. of the XVIII ISHEPP «Relativistic Nuclear Physics and Quantum Chromodynamics», JINR, Dubna, Sept. 2006; [hep-ex/0611033v2](http://arxiv.org/abs/hep-ex/0611033v2).
12. Троян Ю. А. и др. Поиск и исследование маломассовых скалярных мезонов в реакции  $np \rightarrow np\pi^+\pi^-$  при импульсе нейтронного пучка  $P_n = 3,83$  ГэВ/ $c$  // Письма в ЭЧАЯ. 2011. Т. 8, № 6(169). С. 928–935.
13. Иерусалимов А. П. и др. Интерференция основных диаграмм OPER-модели в реакции  $np \rightarrow np\pi^+\pi^-$  при энергиях 1–5 ГэВ // Краткие сообщ. ОИЯИ. 1989. № 2[35]. С. 21–26.
14. Бешлиу С. и др. Сечения каналов реакций  $p$ - $p$ -взаимодействий при  $P_n = 1$  ГэВ/ $c$  ÷ 5 ГэВ/ $c$  // ЯФ. 1986. Т. 43. С. 888–892.
15. Troyan Yu. A. et al. Narrow Resonances in the System of Two  $\pi$ -Mesons // JINR Rapid Commun. 1996. No. 6[80]. P. 73.
16. Abashian A., Booth N. E., Grawe K. M. Possible Anomaly in Meson Production in  $p + d$  Collisions // Phys. Rev. Lett. 1960. No. 5. P. 258–260; Booth N. E., Abashian A., Grawe K. M. Anomaly in Meson Production in  $p + d$  Collisions // Phys. Rev. Lett. 1961. No. 7. P. 35–39; Booth N. E., Abashian A., Grawe K. M. Meson Production in  $p + d$  Collisions and the  $I = 0$   $\pi - \pi$  Interaction. 3: Spin and Parity of the  $I = 0$  Anomaly // Phys. Rev. 1963. No. 132. P. 2309–2313.

17. *Abdivaliev A. et al.* Analysis of the Production Mechanism of Narrow Enhancements in the Effective Mass Spectrum ( $\pi^+\pi^-$ ) in the Reaction  $np \rightarrow d\pi^+\pi^-$  at the Neutron Incident Momentum of  $P_n = 1.73$  GeV/c. JINR Preprint E1-12903. Dubna, 1979. 12 p.
18. *Abraamyan Kh. U. et al.* Resonance Structure in the  $\gamma\gamma$  Invariant Mass Spectrum in  $pC$ - and  $dC$ -Interactions // Phys. Rev. C. 2009. V. 80. P. 034001; nucl-ex/0806.2790v5.
19. *Togoo R. и др.* Поиск легких мезонов по их радиационным распадам в столкновениях отрицательных пионов с протоном и ядром углерода при импульсе 40 ГэВ/c // Proc. of the Mongol. Acad. of Sci. 2005. V. 178, No. 4. P. 45–53.
20. *Yndurain F. J., Garcia-Martin R., Pelaez J. R.* Experimental Status of the  $\pi\pi$  Isoscalar  $S$  Wave at Low Energy:  $f_0(600)$  Pole and Scattering Length // Phys. Rev. D. 2007. V. 76, No. 7. P. 10; <http://prd.aps.org/abstract/PRD/v76/i7/e074034>.
21. *Ablikim M. et al. (BES Collab.)*. The  $\sigma$  Pole in  $J/\psi \rightarrow \omega\pi^+\pi^-$  // Phys. Lett. B. 2004. V. 598. P. 149–158; hep-ex/0406038v1.
22. *Gaspero M.* Study of a Narrow  $\pi^+\pi^-$  Peak at about 755 MeV/c<sup>2</sup> in  $\bar{p}n \rightarrow 2\pi^+3\pi^-$  Annihilation at Rest // Proc. of the 13th Intern. Conf. on Hadron Spectroscopy, Tallahassee, FL, USA, Nov. 29 – Dec. 4, 2009. AIP Conf. Proc. 2010. V. 1257. P. 272–276; hep-ex/1005.2381v1.

Получено 4 марта 2011 г.