

ОБЪЕДИНЕННЫЙ ИНСТИТУТ ЯДЕРНЫХ ИССЛЕДОВАНИЙ

4-2013-48

На правах рукописи

АРСЕНЬЕВ  
Николай Николаевич

ОПИСАНИЕ КОЛЛЕКТИВНЫХ ВОЗБУЖДЕНИЙ  
СФЕРИЧЕСКИХ ЯДЕР С ВЗАИМОДЕЙСТВИЕМ СКИРМА

Специальность: 01.04.16 — физика атомного ядра  
и элементарных частиц

Автореферат диссертации на соискание ученой степени  
кандидата физико-математических наук

Дубна 2013

Работа выполнена в Лаборатории теоретической физики им. Н.Н. Боголюбова Объединённого института ядерных исследований.

**Научные руководители:**

Воронов Виктор Васильевич

доктор физико-математических наук  
(директор ЛТФ ОИЯИ)

Северюхин Алексей Павлович

кандидат физико-математических наук  
(старший научный сотрудник ЛТФ ОИЯИ)

**Официальные оппоненты:**

Игашов Сергей Юрьевич

кандидат физико-математических наук  
(старший научный сотрудник ФГУП “ВНИИА им. Н.Л. Духова”)

Чувильский Юрий Михайлович

доктор физико-математических наук  
(ведущий научный сотрудник НИИЯФ им. Д.В. Скobel'цына МГУ,  
профессор)

**Ведущая организация:**

Федеральное государственное унитарное предприятие “Государственный научный центр РФ – Физико-энергетический институт им. А.И. Лейпунского”, г. Обнинск Калужской области.

Защита диссертации состоится “\_\_” \_\_\_\_ 2013 г. в 15<sup>00</sup> на заседании диссертационного совета Д 720.001.01 при Объединённом институте ядерных исследований, г. Дубна Московской области.

С диссертацией можно ознакомиться в библиотеке Объединённого института ядерных исследований.

Автореферат разослан “\_\_” \_\_\_\_ 2013 г.

Учёный секретарь

диссертационного совета

*Арбузов*

Арбузов Андрей Борисович

## Общая характеристика работы

### Актуальность проблемы.

Новые экспериментальные установки (DRIBs в JINR, SPIRAL в GANIL, FAIR в GSI и RIBF в RIKEN) существенно расширяют возможности синтеза ядер, удалённых от долины бета-стабильности и способствуют изучению короткоживущих ядер в лабораторных условиях. Физика ядер с сильной нейтронно-протонной асимметрией оказывается связанный с широким кругом интересных задач, среди которых предсказание эволюции структуры ядра при изменении соотношения между числом протонов и нейtronов, что особенно важно для астрофизических приложений, в частности, для изучения связи ядерных процессов с нуклесинтезом элементов, сопровождающим коллапс массивных звёзд. Для современной экспериментальной и теоретической ядерной физики свойства ядерных возбуждений вблизи бета-нестабильных дважды магических ядер ( $^{78}\text{Ni}$  и  $^{132}\text{Sn}$ ) исключительно важны для решения проблемы описания  $r$ -процесса, ответственного за образование более половины тяжёлых ядер известных в природе. С другой стороны, свойства нейтронно-дефицитных дважды магических ядер ( $^{48}\text{Ni}$  и  $^{100}\text{Sn}$ ) связаны с астрофизическими условиями быстрого  $r$ -процесса в сверхновых II типа. Фундаментальный аспект проблемы связан с изучением эволюции структуры ядра с изменением квантового числа изоспина, что требует развития самосогласованных подходов с использованием реалистического эффективного взаимодействия нуклонов.

Хорошо известны успехи микроскопических методов в изучении нижайших и высоколежащих, типа гигантских резонансов, коллективных вибрационных состояний в атомных ядрах вблизи линии бета-стабильности. Одним из основных подходов при описании коллективных возбуждений является приближение случайных фаз (ПСФ). В рамках ПСФ волновые функции однофононных состояний являются суперпозицией двухквазичастичных конфигураций. Рассматривая только однофононные возбуждения, удается получить достаточно точное и физически ясное описание возбуждений при низких, промежуточных и высоких энергиях в четно-чётных ядрах. Однако ангармоничность спектра низколежащих вибрационных состояний и проблема описания ядерных характеристик, связанных с фрагментацией однофононных состояний, таких как вероятности электромагнитных переходов между низколежащими вибрационными состояниями, сечения фотопоглощения, ширины гигантских резонансов, приводят к необходимости учесть связь простых частично-дырочных конфигураций ( $1p1h$ ) с более сложными, прежде всего двухфононными или  $2p2h$ -конфигурациями. Например, в различных реализациях метода бозонных разложений, квазичастично-фононной модели (КФМ) и теории ядерных полей эта проблема была решена путём учёта части остаточных взаимодействий, отброшенных при вычислении однофононных состояний. Следует также отметить основанные на теории конечных ферми-систем подходы: модель учёта  $2p2h$ -конфигураций и многофононный вариант метода связанных каналов.

Очень популярным в последнее время стало использование квазичастичного ПСФ с нерелятивистскими эффективными двухчастичными силами или силами, полученными из релятивистских лагранжианов. Такие расчёты не требуют введения новых параметров, так как остаточное взаимодействие получено самосогласованным образом с тем же самым функционалом плотности энергии как и среднее поле. Учёт связи между простыми и сложными конфигурациями приводит к быстрому увеличению размеров конфигурационного пространства, с которым приходится иметь дело в реалистических вычислениях. С другой стороны, использование сепарабельной формы остаточного взаимодействия позволяет обойти эту трудность и проводить вычисления независимо от размера конфигурационного пространства. Например, КФМ позволяет делать доскональные предсказания низкоэнергетического спектра состояний в ядрах с развитым спариванием, но при этом трудно экстраполировать параметры модельного гамильтонiana в экспериментально недоступные области ядер. Эта трудность была преодолена с помощью процедуры сепарабелизации остаточного взаимодействия, полученного из эффективных сил Скирма. В рамках этого подхода остаточное взаимодействие представляется в виде сил Ландау–Мигдала, где параметры Ландау выражаются через параметры сил Скирма. Используя квадратурную формулу Гаусса типа для  $N$  точек, можно остаточное взаимодействие свести к сумме из  $N$  сепарабельных членов. В дальнейшем этот подход был обобщен на случай включения парных корреляций и эффектов связи со сложными конфигурациями. Активно используются и альтернативные пути факторизации взаимодействия Скирма, развитые в модели вибрирующего потенциала или в теории энергетического функционала плотности. Отметим, что результаты, полученные с сепарабельным приближением для сил Скирма, очень близки к результатам расчётов с полным взаимодействием Скирма.

**Целью работы:** является применение функционала плотности энергии к исследованию влияния взаимодействия простых и сложных конфигураций на многообразие свойств возбуждённых состояний средних и тяжёлых сферических ядер с большим нейтронным избытком в широком интервале энергий возбуждений.

### **Научная новизна работы.**

С помощью подхода на основе квазичастичного приближения случайных фаз с нуклон-нуклонными силами Скирма исследована фрагментация однофоновых состояний средних и тяжёлых сферических ядер в широком интервале энергий возбуждений.

- Показано, что учёт сложных конфигураций по-разному влияет на описание характеристики гигантских резонансов разной мультипольности. Учёт ангармонических эффектов слабо влияет на ширину гигантского дипольного резонанса, в то время как при описании ширины изоскалярного гигантского квадрупольного резонанса этот эффект является определяющим.

- Установлено, что определяющая роль двухфононных компонент в распределении силы  $E1$ -переходов в низкоэнергетической области и существенном увеличении ширин пигми-дипольного резонанса в нейтронно-избыточных изотопах Sn.
- Впервые с силами Скирма рассчитаны вероятности  $E2$ - и  $M1$ -переходов между вибрационными квадрупольными состояниями. На примере  $^{90,92}\text{Zr}$  и  $^{92,94}\text{Mo}$  показано, что учёт вклада двухфононных конфигураций приводит к правильному описанию свойств низкоэнергетического спектра квадрупольных возбуждений.

### **Практическая ценность работы.**

Результаты диссертации, базирующиеся на самосогласованном подходе с использованием эффективного взаимодействия Скирма, могут применяться при исследовании свойств коллективных возбуждений в ядрах, удалённых от долины бета-стабильности.

### **Основные результаты, выдвигаемые для защиты:**

1. В рамках самосогласованного подхода с использованием сил Скирма, учитывая взаимодействие одно- и двухфононных конфигураций, исследованы гигантские резонансы электрического типа (гигантский  $E1$ -резонанс, пигми  $E1$ -резонанс и изоскалярный  $E2$ -резонанс), а также низколежащие  $2^+$ -состояния в сферических ядрах.
2. Показано, что взаимодействие с двухфононными состояниями играет определяющую роль в формировании распределения  $E1$ -силы при энергиях возбуждения  $E_x < 11$  МэВ и существенно увеличивает ширину пигми  $E1$ -резонанса. В то же время, оно слабо влияет на ширину гигантского  $E1$ -резонанса, которая в основном воспроизводится уже в однофононном (ПСФ) приближении. Результаты расчётов для ядер  $^{124,130,132}\text{Sn}$  хорошо согласуются с экспериментальными данными.
3. Ширина изоскалярного  $E2$ -резонанса в основном определяется взаимодействием одно- и двухфононных состояний.
4. Впервые в самосогласованном подходе с силами Скирма и учётом связи одно- и двухфононных состояний исследована низколежащая часть спектра  $2^+$ -уровней, в том числе состояния смешанной симметрии. В согласии с экспериментом теория указывает на существование  $2^+$ -уровней смешанной симметрии в  $^{92}\text{Zr}$  и  $^{94}\text{Mo}$  и их отсутствие в  $^{90}\text{Zr}$  и  $^{92}\text{Mo}$ . Теория удовлетворительно описывает экспериментальные данные об энергиях уровней и вероятностях  $E2$ - и  $M1$ -переходов. Без учёта ангармонических эффектов адекватно описать низкоэнергетическую часть спектра квадрупольных возбуждений невозможно.

## **Апробация работы.**

Основные результаты диссертации неоднократно докладывались и обсуждались на семинарах Лаборатории теоретической физики им. Н.Н. Боголюбова ОИЯИ, были представлены на международных совещаниях по ядерной спектроскопии и структуре атомного ядра (Чебоксары 2009, Санкт-Петербург 2010, Воронеж 2012), на Научной сессии НИЯУ МИФИ в 2010, 2011 и 2013, III национальной конференции по теоретической физике (Буштени, Румыния, 10-13 июня 2008 г.), Гельмгольцовской международной летней школе “Теория ядра и астрофизические приложения” (Дубна, 24 июля – 2 августа 2011 г.), XVIII Европейской школе по ядерной физике на пучках экзотических ядер (Юваскюля, Финляндия, 20-26 августа 2011 г.), международной конференции “Структура ядра и смежные проблемы” (Дубна, 2 июля – 7 июля 2012 г.), международном семинаре по ядерной физике ЛТФ–KLFTP (Пекин, Китай) и на семинаре в Институте ядерной физики Технического университета г. Дармштадта (Германия).

**Публикации.** По материалам диссертации опубликовано семь работ. Из них четыре входит в список ВАК и две – систему цитирования Web of Science.

**Объем и структура диссертации.** Диссертация состоит из введения, четырёх глав и заключения.

## Содержание работы

**Во введении** обосновывается актуальность темы, формируется предмет и цель диссертации, а также даётся краткое описание содержания диссертации.

**Первая глава** является вводной и посвящена краткому описанию подхода, основанного на квазичастичном приближении случайных фаз с сепарабельными силами Скирма. Эта схема расчёта применяется для исследований свойств возбуждённых состояний сферических ядер в последующих главах. Среднее поле определяется путём решения уравнения Хартри–Фока с силами Скирма. Спаривание трактуется в приближении Бардина–Купера–Шраффера. Спектр одночастичных состояний с учётом континуума определяется диагонализацией гамильтониана Хартри–Фока на базисе собственных функций гармонического осциллятора. Остаточные взаимодействия в канале частица–дырка и частица–частица могут быть получены как вторые производные функционала плотности энергии по нормальной и парной плотности нуклонов, соответственно. Остаточное взаимодействие представляется в виде суммы  $N$  сепарабельных членов. В этом случае гамильтониан по форме совпадает с гамильтонианом квазичастично–фононной модели ядра, но одноквазичастичный спектр и параметры остаточного взаимодействия вычисляются с силами Скирма. Для учёта сложных конфигураций волновые функции возбуждённых состояний могут быть записаны в виде суперпозиции членов с различным числом фононных операторов. Таким образом, волновая функция возбуждённого состояния записывается в виде:

$$\Psi_\nu(\lambda\mu) = \left[ \sum_i R_i(\lambda\nu) Q_{\lambda\mu i}^+ + \sum_{\lambda_1 i_1 \lambda_2 i_2} P_{\lambda_2 i_2}^{\lambda_1 i_1}(\lambda\nu) \sum_{\mu_1 \mu_2} C_{\lambda_1 \mu_1 \lambda_2 \mu_2}^{\lambda\mu} Q_{\lambda_1 \mu_1 i_1}^+ Q_{\lambda_2 \mu_2 i_2}^+ \right] |0\rangle,$$

где  $Q_{\lambda\mu i}^+$  — оператор рождения фонона мультипольность  $\lambda$ . Учёт этой связи не требует введения новых параметров. Здесь также получены уравнения для нахождения спектров возбуждённых состояний, описываемых этими волновыми функциями, а также самих волновых функций.

**Во второй главе** анализируются результаты расчётов электрических гигантских мультипольных резонансов в сферических ядрах. Показано, что учёт сложных конфигураций по–разному влияет на описание характеристик гигантских резонансов. Параграф 2.1 посвящён определению различного типа правил сумм, которые позволяют оценить степень коллективизации гигантских мультипольных резонансов и определить область их локализации. В разделе 2.2 исследована точность процедуры исключения духового состояния в распределении силы  $E1$ –переходов в приближении случайных фаз с сепарабелизованным взаимодействием Скирма. На примере дважды магических ядер  $^{100,132}\text{Sn}$  и  $^{208}\text{Pb}$  продемонстрировано, что исключение духового состояния важно для

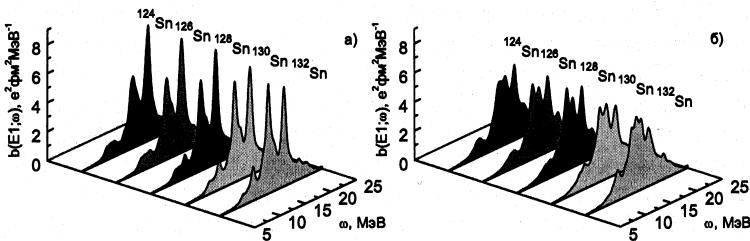


Рис. 1:  $E1$ -силовая функция для  $^{124-132}\text{Sn}$ . Левая часть (а) — расчёт в квазичастичном ПСФ; правая часть (б) — расчёт с учётом связи с двухфононными состояниями. Весовая функция — лоренцевская функция с параметром усреднения  $\Delta = 1$  МэВ.

корректного описания дипольных возбуждений в низкоэнергетической области. Расчёты выполнены в однофононном приближении. В разделе 2.3 изучается влияние 2p2h-конфигураций на интегральные характеристики гигантских дипольных резонансов (ГДР) в нейтронно-избыточных изотопах  $^{124-132}\text{Sn}$ . Расчёты выполнены с силами Скирма в канале частица-дырка и зависящем от плотности контактным взаимодействием в канале частица-частица. Показано, что учёт взаимодействия квазичастиц с фононами приводит к значительному перераспределению силы  $E1$ -переходов (рис. 1). При этом рассчитанные интегральные характеристики ГДР хорошо согласуются с экспериментальными данными. Показано, что смешивание простых и сложных конфигураций слабо влияет на ширину ГДР, где максимальное уширение составило 7% в  $^{124}\text{Sn}$ . В разделе 2.4 анализируются интегральные характеристики изоскалярных гигантских квадрупольных резонансов (ГКР) в нейтронно-избыточных  $^{132}\text{Sn}$  и  $^{208}\text{Pb}$ . Для этих ядер предсказана значительная фрагментация силы изоскалярного ГКР. Уширение ГКР составляет 230% в  $^{132}\text{Sn}$  и 430% в  $^{208}\text{Pb}$ . При этом получено хорошее описание экспериментальных данных для  $^{208}\text{Pb}$ . Показано, что рассчитанная энергия изоскалярного ГКР для бета-неустойчивого ядра  $^{132}\text{Sn}$  близка к эмпирической систематике  $63A^{-1/3}$  МэВ. Результаты данного раздела указывают на то, что смешивание одно- и двухфононных конфигураций приводит к кардинальному перераспределению силы  $E2$ -переходов и существенному увеличению ширины изоскалярного  $E2$ -резонанса.

Целью третьей главы является определение роли 2p2h-конфигураций в описании характеристик пигми-дипольного резонанса (ПДР). Большой объём новых экспериментальных данных о свойствах низкоэнергетического спектра

$1^-$ -возбуждений в нейтронно-избыточных изотопах олова  $^{124,130,132}\text{Sn}$  стимулировал выбор этой области ядер для исследований. Раздел 3.1 носит вводный характер и раскрывает актуальность темы. В разделе 3.2 рассматривается распределение силы  $E1$ -переходов для цепочки изотопов олова до энергии возбуждения порядка  $10 \div 11$  МэВ. Рассчитанные характеристики сравниваются с экспериментальными данными, извлеченными из различных реакций. В частности, проанализированы экспериментальные данные по неупругому рассеянию фотонов на  $^{124}\text{Sn}$ , позволяющие обнаружить тонкую структуру ПДР. Сравнение с экспериментом показывает, что расчёты с волновой функцией возбуждённых состояний, содержащей одно- и двухфононные компоненты, позволяют качественно описывать экспериментальный спектр (рис. 2). В разделе 3.3 определен интервал энергий возбуждений, где локализован ПДР. Этот интервал можно идентифицировать по различному поведению нейтронных и протонных переходных плотностей, так как пигми  $E1$ -резонанс отличает ярко выраженный максимум нейтронной переходной плотности вне ядра. Такая картина соответствует колебанию нейтронного избытка относительно остова, состоящего из равного числа нейтронов и протонов. Нейтронные и протонные переходные плотности для состояний формирующих ГДР находятся в противофазе. В разделе 3.4 показано, что основной вклад в вероятность возбуждения  $1^-$ -состояний в области ПДР дают однофононные компоненты волновой функции, однако для количественного описания фрагментации силы  $E1$ -переходов, обнаруженной в эксперименте, необходимо учитывать взаимодействие квазичастиц с фононами. Продемонстрировано, что взаимодействие одно- и двухфононных конфигураций ответственно за формировании ширины ПДР.

Четвертая глава посвящена изучению свойств низкоэнергетического спектра квадрупольных возбуждений с энергией до 4 МэВ. В частности, с силами Скирма рассчитываются вероятности  $E2$ - и  $M1$ -переходов между вибрационными квадрупольными состояниями. Вероятности  $M1$ -переходов чувствительны к отношению вкладов нейтронных и протонных конфигураций, что позволяет определить изоскалярную или изовекторную природу состояний. Существование изовекторных состояний, обладающих смешанной протон-нейтронной симметрии, предсказано в модели взаимодействующих бозонов, в которой эти состояния обязаны своим происхождением движению нуклонов только в валентных подоболочках. Наиболее хорошо изучены как теоретически, так и экспериментально свойства состояний смешанной протон-нейтронной симметрии в  $^{92}\text{Zr}$  и  $^{94}\text{Mo}$ . Используя единый набор параметров, произведены расчёты для ядер  $^{90,92}\text{Zr}$  и  $^{92,94}\text{Mo}$ . Результаты расчётов демонстрируют появление низколежащих изовекторных коллективных состояний в  $^{92}\text{Zr}$ ,  $^{94}\text{Mo}$  и отсутствие их в  $^{90}\text{Zr}$ ,  $^{92}\text{Mo}$ . Показано, что для правильного описания спектра необходимо учесть взаимодействие между одно- и двухфононными конфигурациями волновой функции. Представленный анализ структуры нижайших квадрупольных возбуждений в  $^{92}\text{Zr}$  и  $^{94}\text{Mo}$  показал, что она близка к структуре, полученной ранее в КФМ. При этом достигнуто хорошее согласие с экспериментальными данными. Заметим,

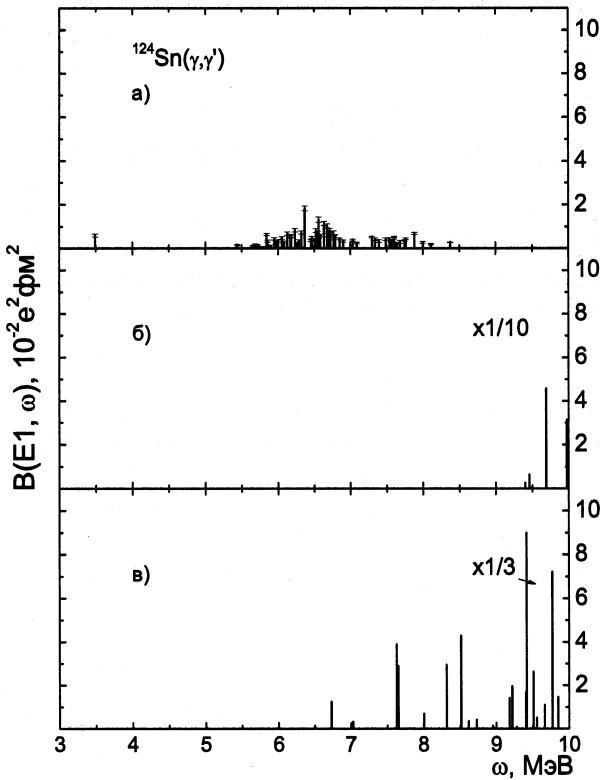


Рис. 2: Распределение силы  $E1$ -переходов в  $^{124}\text{Sn}$ : извлеченное из  $(\gamma, \gamma')$ -реакции — (а); распределение силы в однофононном приближении — (б); результаты расчёта с волновой функцией, содержащей одно- и двухфононные конфигурации — (в).

что результаты расчётов для ядер из другой области, в частности  $^{134}\text{Xe}$ , также продемонстрировали появление квадрупольных состояний смешанной протон-нейтронной симметрии. Однако получено только качественное согласие с экспериментальными данными.

**В заключении** приведены основные результаты диссертации, выдвигаемые для защиты.

### **Список работ, опубликованных по теме диссертации:**

1. Arseniev N.N., Severyukhin A.P., Voronov V.V., Nguyen Van Giai *Nuclear structure calculations with Skyrme forces* // *Romanian Journal of Physics* -2008. -v. 53. -pp. 1001–1006.
2. Северюхин А.П., Арсеньев Н.Н., Воронов В.В., Нгуен Ван Джай *Исследование структуры ядра с сепарабелизованным взаимодействием Скирма* // *Ядерная физика* -2009. -т. 72. -с. 1195–1199.
3. Арсеньев Н.Н., Северюхин А.П. *Сепарабелизованное взаимодействие Скирма и характеристики гигантского дипольного резонанса* // *Письма в журнал “Физика элементарных частиц и атомного ядра”* -2010. -т. 7. -с. 193–199.
4. Severyukhin A.P., Arsenyev N.N., Voronov V.V., Pietralla N., Nguyen Van Giai *Description of proton-neutron mixed-symmetry states with Skyrme interaction* // *Ядерная физика* -2011. -т. 74. -с. 1202–1206.
5. Арсеньев Н.Н., Северюхин А.П., Воронов В.В., Нгуен Ван Джай *Структура низколежащих квадрупольных состояний в ядре  $^{134}\text{Xe}$*  // *Известия Российской академии наук. Серия физическая* -2011. -т. 75. -с. 1602–1605.
6. Severyukhin A.P., Arsenyev N.N., Pietralla N. *Proton-neutron symmetry in  $^{92}\text{Zr}$ ,  $^{94}\text{Mo}$  with Skyrme interactions in a separable approximation* // *Physical Review C* -2012. -v. 86. -p. 024311 (8 pages).
7. Arsenyev N.N., Severyukhin A.P., Voronov V.V., Nguyen Van Giai *Effects of phonon-phonon coupling on properties of pygmy resonance in  $^{124-132}\text{Sn}$*  // *European Physical Journal Web of Conferences* -2012. -v. 38. -p.17002 (4 pages).

Получено 30 апреля 2013 г.

**Отпечатано методом прямого репродуцирования  
с оригинала, предоставленного автором.**

Подписано в печать 06.05.2013.

Формат 60 × 90/16. Бумага офсетная. Печать офсетная.  
Усл. печ. л. 0,75. Уч.-изд. л. 0,94. Тираж 100 экз. Заказ № 57984.

Издательский отдел Объединенного института ядерных исследований  
141980, г. Дубна, Московская обл., ул. Жолио-Кюри, 6.

E-mail: [publish@jinr.ru](mailto:publish@jinr.ru)

[www.jinr.ru/publish/](http://www.jinr.ru/publish/)